

1. $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x}$ ответ: $y = cx$

2. $x \cdot \frac{dy}{dx} - y = y^3$ ответ: $xc = \frac{y}{\sqrt{y^2 + 1}}$

3. Численность населения y описывается дифференциальным уравнением:

$\frac{dy}{dx} = 0.2 \cdot y \cdot (1 - 10^{-4} \cdot y)$, где время измеряется в годах. В начальный момент времени

население равно 1000 человек. Вопрос: Через сколько времени население вырастет в 4 раза. ответ: **8.9**

4. $\frac{dy}{dx} - y = 2x - 3$ ответ: $2x + y - 1 = ce^x$

5. $\frac{dy}{dx} = -\frac{x+y}{x}$ ответ: $y = \frac{1-x^2c^2}{2xc^2}$

6. $y' - \left(\frac{2}{x}\right)y = 2x^3$ ответ: $y = (x^2 + c)x^2$

7. $y = (y' - x \cdot \cos(x)) \cdot x$ ответ: $y = x(c + \sin x)$

8. Вычислить траекторию динамики инфляции, если она определяется уравнением: $p' = 1 + p^2$, $p(0) = 0$. ответ: $\text{arctg}(p) = t + c$

9. Вычислить траекторию динамики инфляции, если она определяется уравнением: $p' = \frac{1+p^2}{2p}$, $p(0) = 0$. ответ: $p = \sqrt{ce^t - 1}$

10. 1. $y'' - 2y' + y = 0$, найти общее решение. ответ: $y = c_1e^x + c_2xe^x$

11. 2. $y'' + y' - 2y = 0$, найти общее решение. ответ: $y = c_1e^{-2x} + c_2e^x$

12. 4. $y''' - 8y = 0$, найти общее решение. ответ:

$y = c_1e^{2x} + e^{-x}(c_2\cos(x\sqrt{3}) + c_3\sin(x\sqrt{3}))$

13. 5. $y''' - 3y' + 2y = 0$, найти общее решение. ответ: $y = c_1e^x + c_2xe^x + c_3e^{-2x}$

14. $y''' - 3y' + 2y = e^{3x}$ ответ: $y = c_1e^x + c_2e^{2x} + \frac{1}{2}e^{3x}$

15. $y'' + y = \frac{1}{\cos x}$ ответ: $y = (\ln(\cos x) + c_2) \cdot \cos x + (x + c_1) \cdot \sin x$

16. $y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{x}$ ответ: $y = e^x(x \cdot \ln|x| + c_1x + c_2)$

17. $y'' + y' = x \cdot \sin x$ Ответ: $y = c_1 \cos x + c_2 \sin x - \frac{x^2}{4} \cos x + \frac{x}{4} \sin x$

18. $y' + y = 4 \cdot x \cdot e^x$ Ответ: $y = c_1 \sin x + c_2 \cos x + 2(x-1)e^x$

19. $y'' - 2y' - 3y = e^{4x}$ Ответ: $y = c_1e^{-x} + c_2e^{3x} + \frac{1}{5}e^{4x}$

20. $y'' + 2y' + y = \cos x$ Ответ: $y = c_1e^{-x} + c_2xe^{-x} + \frac{1}{5} \sin x$

21. $\begin{cases} x' = x - y \\ y' = y - 4x \end{cases}$ ответ: $x(t) = c_1e^{-t} + c_2e^{3t}$, $y(t) = 2c_1e^{-t} - 2c_2e^{3t}$

$$22. \begin{cases} x' = x + y \\ y' = 3y - 2x \end{cases} \text{ ответ: } x(t) = c_1 e^{2t} \cdot \sin(t) + c_2 e^{2t} \cos(t),$$

$$y(t) = e^{2t} (c_1 \sin(t) + c_2 \cos(t) + c_1 \cos(t) - c_2 \sin(t))$$

$$23. \begin{cases} x' = 2x + y \\ y' = 3x + 4y \end{cases} \text{ ответ: } x(t) = c_1 e^t + c_2 e^{5t}, y(t) = 3c_2 e^{5t} - c_1 e^t$$

$$24. \begin{cases} x' + x - 8y = 0 \\ y' - x - y = 0 \end{cases} \text{ ответ: } x(t) = 2c_1 e^{3t} - 4c_2 e^{-3t}, y(t) = c_1 e^{3t} + c_2 e^{-3t}$$

$$25. \text{ Решить систему. } \begin{cases} x' = 2x - 4y + 4e^{-2t} \\ y' = 2x - 2y \end{cases}$$

$$26. \text{ Решить систему. } \begin{cases} x' = 4x + y - e^{-2t} \\ y' = y - 2x \end{cases}$$

$$\text{ответ: } x = c_1 e^{2t} + c_2 e^{3t} + \frac{te^{2t}}{2}; y = -c_2 e^{3t} - 2c_1 e^{2t} + \frac{3}{2} e^{2t} - te^{2t}$$

$$27. \text{ Решить систему. } \begin{cases} x' = 2y - x \\ y' = 4y - 3x + \frac{e^{3t}}{e^{2t} + 1} \end{cases}$$

$$28. \text{ Решить систему. } \begin{cases} x' = 2y - x \\ y' = 4y - 3x + \frac{e^{3t}}{e^{2t} + 1} \end{cases}$$

$$29. \text{ Исследовать на устойчивость решение системы уравнений. } \begin{cases} x' = 2x - y \\ y' = x + 2y \end{cases}$$